

UNIVERSITY OF PERADENIYA, SRI LANKA පේරාදෙණිය විශ්වවිද ලය, ශුී ලංකාව பேராதனைப் பல்கலைக்கழகம், இலங்கை

Bachelor of Arts (External-New Syllabus) 100 Level December 2018 SUPE 009 - Introduction to Statistics

Answer any Five Questions only Total number of questions in this paper is 7.

Time: Three hours
Calculators are allowed.

- 1. State whether the following Statements are True or False. If false, correct it.
 - i. A variable is a property of people or objects that takes on two or more values.
 - ii. A characteristic that describes a population is called a sample <u>statistic</u>. සංගහනයක් විස්තරකරන ලක්ෂණයක් නියැදි සංඛතියක් වේ.
 - iii. Inferential Statistics are procedures used to summarize, organize and make sense of a set of observations. අනුමිතික සංඛාාන කිුයා පිලිවෙල භාවිතාකරනු ලබන්නේ නිරීක්ෂණ දත්ත සාරාංශ කර සංවිධානනාත්මකව තේරුම් ගතහැකි ආකාරයකට ඉතිරිපත්කිරීමටය.
 - iv. Qualitative data can be continuous. ගුණාත්මක දත්ත සන්තතික වියහැක.
 - v. වායාප්තියක මධානය විසිරීම මනින මිණුමකී. Mean of a distribution is a measure of dispersion.
 - vi. වාහාප්තියක මධානය, මධාාස්ථය සහ මාතය 5, 6 සහ 7 වශයෙන් පිළිවෙලින් වේනම්, වාහාප්තිය සෘණාත්මකව කුටික වේ. If the mean, median and mode of a distribution are 5, 6, and 7 respectively then the distribution is negatively skewed.
 - vii. ඕනෑම පුමත වාහප්තියකට 0 ක මධානායක් සහ 1ක සම්මත අපගමනයක් ඇත. Any normal distribution has a mean of 0 and a standard deviation of 1.
 - viii. සාමානායෙන් සම්මත අපගමනය කුඩා අගයක් ගැනීමෙන් පෙන්නුම් කෙරෙන්නේ, මිනුම් විචලාතාවයට ආසන්යේ ඒකරාශී වී ඇති බවයි. Generally, a smaller standard deviation implies that the measurements are clustered closed to the Variance.
 - ix. A සහ A1 අනුපූරක සිදුවීම් නම, P(A) + P(A1) = 0. If A and A^1 are complementary events, then $P(A) + P(A^1) = 0$.
 - x. සිද්ධීන් දෙකක් ස්වායන්න නම් එවිට $P(A \cap B) = P(A) P(B)$. If two events are independent then $P(A \cap B) = P(A) P(B)$.
 - xi. සංඛාහතිය 5% මට්ටමේ දී වෙසෙසි වේ නම්, එය 1% මට්ටමේ ද වෙසෙසි යුතු විය යුතුය. If a statistic is significant at the 5 % level, then it must be significant at the 1 % level also.

(20 marks)

2. i. Determine whether the given value is a statistic or a parameter. දෙනලද අගය පරමිතියක්ද සංඛාාතියක්දැ යී තීරණය කරන්න.

(02 marks)

- a. The current cabinet of Sri Lanka consists of 52 men and 2 women. ශී ලංකාවේ වර්තමාන කැබිනට මණ්ඩලයේ පිරිමින් 52 සහ ගැහැනුන් 2කක් සිටිති.
- b. A sample of students is selected, and the mean age is 15 years. ශිෂා නියැදියක් තොරගන්නාලදී සහ ඔවුන්ගේ මධාන වයස අවුරුදු 15කී .
- ii. Determine whether the given values are from a discrete or a continuous data set.(02marks) දෙනලද අගයන් සන්තතික හෝ විවිත්තක දක්ත සමුහයන්ගෙන් ලබාගන්නා ලද අගයන් දැ යි තීරණය කරන්න.
 - a. A statistical student obtains sample data and finds that the mean weight of cars in the sample is 1418 kilograms. සංඛාානය ශිෂාාවක් නියැදි දත්ත ලබාගනී සහ නියැදියේ රථයක මධාන බර 1418 කිලෝගුම ලෙස සොයා ගනී.
 - c. In a survey of 1059 adults it is found that 39% of them take alcohol at home. වැඩිහිටි 1059 දෙනෙකුගේ සමික්ෂනයකදී ඔවුන්ගේන් 39%ක්ම නිවෙසේදී මදාාසාරය භාවිතා කරන බව සොයාගන්න ලදී.
- iii. Determine which of the four measurement of scale is most appropriate for the following.
 (02 marks)

පහත දෙනලද අවස්ථාවන් සදහා පරිමාණ මිනුම් සතරෙන් වඩාත් සුදුසු මිනුම තීරණය කරන්න.

- a. Height of a male athlete in the university. විශ්ව විදාහලයේ මලල කීඩිකයෙකුගේ උස .
- b. Current temperature in the classroom. පත්තිකාමරයේ වර්තමාන උෂ්ණත්වය .
- iv. Given below is the measurement of male heights (inches)./ පහත දැක්වෙන්නේ පිරිමි උස මැනීම (අහල් වලින්) ය .

Calculate./ ගණනය කරන්න.

a. Mean/ මධානාය

(05 marks)

b. Variance / විචලතාව

(05 marks) (04 marks)

c. Standard deviation / සම්මත අපගමනය

Male Heights
(inches)

66 71

68 71

69 72

71 69

70

/ -	03
73	71
67	70
68	72
65	69
72	70

3. i. Briefly distinguish between skewness and kurtosis. (04 Marks) කුටිකතාව සහ වනිමය අතර වෙනෙස කෙටියෙන් වෙනකොට දක්වන්න.

ii. A distribution has a mean of 50 and a standard deviation of 12. If we assume the above distribution is normal, what percent of the observations will be between 26 and 74?

වහාප්තියක මධානය 50ක් සහ සම්මත අපගමනය 12 ලෙස දක්වයි. ඉහත වහාප්තියට ි පුමත වහාප්තියක් ඇතැයි උපකල්පනය කළහොත් දත්ත වලින් කුමන පුතිශතයක් 26 සහ 74 අගයන් අත තිබේද?

- iii. Using the following 5 number summary of minimum (7), first quartile (14), second quartile (19), third quartile (26) and the maximum (91) values
 - a. Draw the box-plot.

(07 Marks)

b. Is it a skewed or a symmetric distribution? Explain.

(03 Marks)

පහත සඳහන් 5ක සාරාංශය වන අවමය (7), පළමු චතුර්ථකය (14), දෙවන චතුර්ථකය (19), තුන්වන චතුර්ථකය(26) සහ උපරිමය (91) අගයන් භාවිතා කරමින්

- a. box-plot පුස්ථාරය අදින්න.
- b. එය කුටිකතා හෝ සමමිතික වාාාප්තියක්ද? පැහැදිලි කරන්න.
- 4. i. The events X and Y are mutually exclusive. Suppose P(X) =0.30 and P(Y) =0.20. What is the probability that either X or Y occurring? (04 marks) X සහ Y සිද්ධීන් අනොන්නා වශයෙන් බහිෂ්කාරී වේ . P(X) =0.30 සහ P(Y) =0.20 යැයි සිතන්: එවිට එක්කෝ X හෝ Y සිදුවීමේ සම්භාවිතාවය කොපමණද?
 - Suppose P (A) = 0.4 and P (B/A) = 0.30. What is the joint probability of A and B? (04 marks)

 $P\left(A\right)=0.4$ සහ $P\left(B/A\right)=0.30$ යැයි සිතන්න. එවිට A සහ B සිදුවීමේ බද්ධ සම්භාවිතාවය කොපමණද?

iii. There are 600 employees in a Company. See the following breakdown. විශ්ව විදාහලයේ සේවකයන් 600ක් ඇත. පහත දී ඇති පුභේදනය බලන්න.

Gender	No Degree/ විශ්වවිදාහල අධාාපනයක් නැති	Degree/ විශ්වවිදාහල අධාහපනයක් ඇති	Total/මුළු
Male/ଥିଷ୍ଡି	25	225	250
Female/ගැහැණු	75	275	350
Total/මුළු	100	500	600

An employee is selected at random. /සේවකයෙක් සසමහාවී ව තෝරාගන්නා ලදී.

a. Derive the joint probability table for the above contingency table. ඉහත ආපතිකතා වගුව සදහා සම්භාවිතා වගුව ලබාගන්න.

(04 marks)

b. What is the probability the employee is female?

(04 marks)

සේවකයෙක් ගැහැනියක් වීමේ සම්භාවිතා ය කොපමණද?

c. What is the probability the employee attends college given a female employee?

(04 marks)

සේවකයෙක් ගැහැනියක් යැයි දෙනලද විට සේවකයා විශ්වවිදාහලයට සහභාගිවීමේ සම්භාවිතා ය කොපමණද?

- 5 i. What is the difference between a point estimator and interval estimator? (8 Marks) ලක්ෂාමය නිමානකය හා පුාන්තරය නිමානකය අතර වෙනස කුමක්ද?
 - ii. Suppose we are interested in finding a 99% confidence interval for the mean overall score of students at a certain school. Five students are sampled, and their overall scores are 560, 500, 470, 660, and 640.
 - a. What is the standard of error of the sample mean? (4 Marks)
 - b. Find a 99% confidence interval for the mean test score. (8 Marks) අප යම් පාසලක සිසුන්ගේ සමස්ත ලකුණු මධානය සදහා 99% ක විශුම්භ පුාන්තරය සොයා ගැනීමට උනන්දුවක් දක්වනේ යැයි සිතන්න. සිසුන් 5 දෙනෙකුගෙන් යුත් නියැදියක් යොදාගත් අතර, ඔවුන්ගේ සමස්ත ලකුණු 560,500,470,660, සහ 640 වේ.
 - a . නියැදි සම්මත දෝෂය (standard of error) කොපමණද ?
 - b . විභාග ලකුණු මධානය සදහා 99% ක විශුම්භ පුාන්තරය සොයන්න.
- 6 i. What is the difference between a Type I Error and Type II Error? (6 Marks) පළමු ඝනයේ දෝෂය සහ දෙවන ඝනයේ දෝෂය අතර වෙනස කුමක්ද?
 - ii. A random sample of 100 recorded deaths in the country during the past year showed an average life span of 71.8 years. Assuming a population standard deviation of 8.9 years does this, seems to indicate that the mean life span today is greater than 70 years? Use a 0.05 level of significance. (14 Marks) පසුගිය වසරේ රට තුළ වාර්තා වූ මරණ සංඛ්‍යාවෙන් අහඹු ලෙස ලබාගත් 100 ක නියැදියේ සාමානා ආයු කාලය වසර 71.8 ක් ලෙස වාර්තා විය. වසර 8.9 ක ජනගහන සම්මත අපගමනයක් උපකල්පනය කලවිට අද මධාන ආයු කාලය වසර 70 ට වඩා වැඩි යැයි පෙන්නුම් කිරීමක්ද? මේ සදහා 0.05 වෙසෙසියා මට්ටමක් භාවිතා කරන්න.
- 7. Write short notes for the following
 - i. Correlation coefficient/ සහසම්බන්ධතා සංගුණකය
 - ii. Central Limit theorem/ මධා සීමා පුමේය
 - iii. Sampling distribution/නියදුම් වනාප්තිය
 - iv. Cluster sampling/ පොකුරු නියැදිම

(5 marks each)